

## 八年级下数学期末模拟试题汇编

(难度: 中等偏上)

### 一. 选择题 (共 10 小题)

1. 【易】 $\triangle ABC$  的三边长分别为  $a, b, c$ , 下列条件: ①  $\angle A = \angle B - \angle C$ ; ②  $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ ; ③  $a^2 = (b+c)(b-c)$ ; ④  $a : b : c = 5 : 12 : 13$ , 其中能判断  $\triangle ABC$  是直角三角形的个数有 ( )

A. 1 个                      B. 2 个                      C. 3 个                      D. 4 个

2. 【较易】如图 1, 在四边形  $ABCD$  中 ( $\angle A < \angle ABC$ ),  $AB=BC=CD=DA$ ,  $E$  是对角线  $BD$  的中点, 点  $F$  从点  $D$  出发, 沿  $D \rightarrow A \rightarrow B$  方向匀速运动, 到达  $B$  点后停止. 设点  $F$  的运动路程为  $x$ ,  $\triangle DEF$  的面积为  $y$ , 得到如图 2 所示的函数图象, 则对角线  $BD$  的长为 ( )

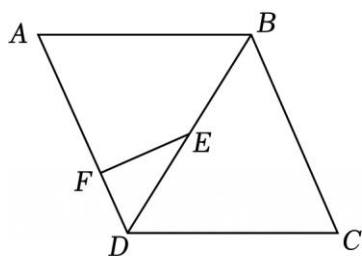


图1

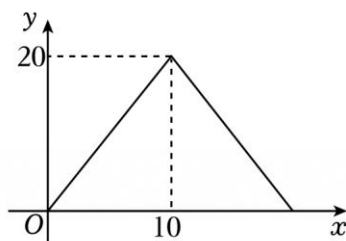
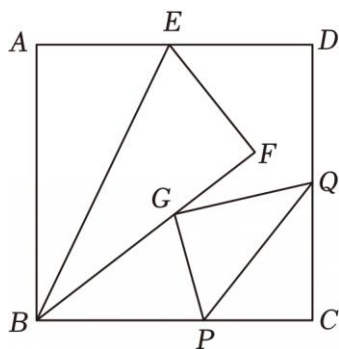


图2

A. 43                      B.  $4\sqrt{5}$                       C.  $8\sqrt{5}$                       D.  $3\sqrt{3}$

3. 【中档】如图, 已知正方形  $ABCD$  边长为 8,  $E$  为  $AD$  中点, 将  $\triangle ABE$  沿  $BE$  翻折得到  $\triangle FBE$ ,  $P, Q$  分别为边  $BC, DC$  上一点, 将  $\triangle CPQ$  沿  $PQ$  翻折, 使  $C$  点对应点  $G$  落在边  $BF$  上, 若  $BG=5$ , 则  $DQ$  等于 ( )

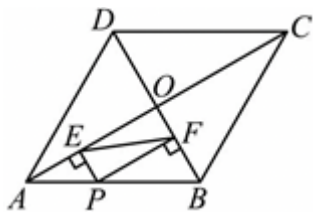


A.  $\frac{23}{6}$                       B.  $\frac{13}{3}$                       C.  $\frac{7}{2}$                       D.  $\frac{5}{3}\sqrt{5}$

4. 【中档】平面直角坐标系中, 已知直线  $y_1 = 2x - 1$ ,  $y_2 = (m - 2)x - m + 3$  ( $2 < m < 4$ ),  $y_3 = kx - 2k + 3$  ( $k < 0$ ), 当  $x \leq 1$  时, 下列选项正确的是 ( )

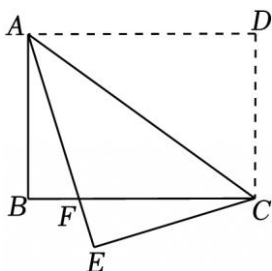
- A.  $y_1 \leq y_2 < y_3$       B.  $y_1 < y_2 < y_3$       C.  $y_2 \leq y_1 < y_3$       D.  $y_3 < y_1 \leq y_2$

5. 【中档】如图，菱形  $ABCD$  的对角线  $AC, BD$  相交于点  $O$ ，点  $P$  为  $AB$  边上一动点（不与点  $A, B$  重合）， $PE \perp OA$  于点  $E$ ， $PF \perp OB$  于点  $F$ ，若  $AC=8$ ， $BD=6$ ，则  $EF$  的最小值为（    ）



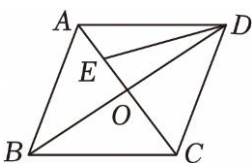
- A. 3      B. 2      C.  $\frac{12}{5}$       D.  $\frac{5}{2}$

6. 【中档】如图，矩形  $ABCD$  沿  $AC$  折叠，使点  $D$  落在点  $E$  的位置， $AE$  与  $BC$  相交于点  $F$ ，若  $AB=6$ ， $BC=8$ ，则  $BF$  的长是（    ）



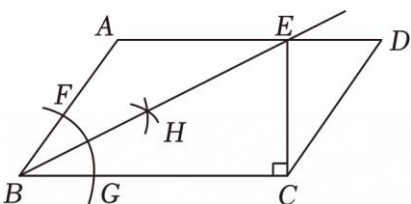
- A. 3      B.  $\frac{7}{4}$       C.  $\frac{7}{3}$       D.  $\frac{9}{4}$

7. 【中档】如图，菱形  $ABCD$  中， $\angle BAD=120^\circ$  对角线  $AC, BD$  交于点  $O$ ， $DE$  平分  $\angle ADO$  交  $AO$  与点  $E$ ，且  $OE=\sqrt{3}$ ，菱形的边长为（    ）



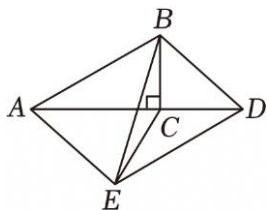
- A.  $2 + \sqrt{3}$       B.  $2 + 2\sqrt{3}$       C.  $4 + 2\sqrt{3}$       D.  $4 + 2\sqrt{2}$

8. 【中档】如图， $\square ABCD$  中，以点  $B$  为圆心，适当长为半径作弧，交  $BA, BC$  于  $F, G$ ，分别以点  $F, G$  为圆心，大于  $\frac{1}{2}FG$  长为半径作弧，两弧交于点  $H$ ，作射线  $BH$  交  $AD$  于点  $E$ ，连接  $CE$ 。若  $CE \perp AD$ ， $AD=3$ ， $BE = 2\sqrt{3}$ ，则  $AB$  的长为（    ）



- A. 1.5                      B. 2                      C.  $\sqrt{5}$                       D.  $2\sqrt{5}$

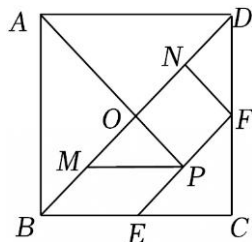
9. 【中档】如图，在  $Rt\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=2\sqrt{3}$ ， $BC=2$ ， $D$  是  $AC$  延长线上一动点，以  $AB$ ， $BD$  为邻边作平行四边形  $ABDE$ ，连接  $CE$ ， $BE$ ，有下列结论：①  $\triangle ACE$  的面积不变；②  $AE+BE$  的最小值为  $3\sqrt{3}$ ；③  $BE$  的最小值为 4. 其中正确的是 ( )



- A. ①②                      B. ①③                      C. ②③                      D. ①②③

10. 【中档】七巧板是一种古老的中国传统智力玩具，如图，在正方形纸板  $ABCD$  中， $BD$  为对角线， $E$ ， $F$  分别为  $BC$ ， $CD$  的中点， $AP \perp EF$  分别交  $BD$ ， $EF$  于  $O$ ， $P$  两点， $M$ ， $N$  分别为  $BO$ ， $DO$  的中点，连接  $MP$ ， $NF$ ，沿图中实线剪开即可得到一副七巧板. 则在剪开之前，关于该图形，下列说法正确的有 ( )

- ①图中的三角形都是等腰直角三角形；  
 ②四边形  $MPEB$  是菱形；  
 ③四边形  $PFDM$  的面积占正方形  $ABCD$  面积的  $\frac{1}{4}$ .

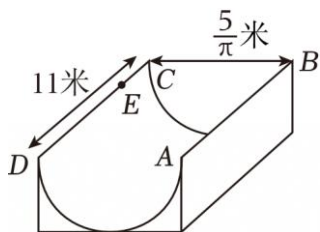


- A. 只有①                      B. ①②                      C. ①③                      D. ②③

二. 填空题 (共 5 小题)

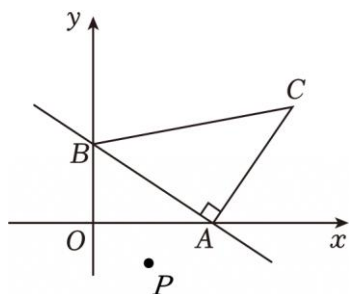
11. 【较易】在平面直角坐标系中，一次函数  $y=kx+3k-2$  的图象交  $y$  轴正半轴于点  $A$ ，下列结论：①一次函数  $y=kx+3k-2$  经过点  $(-3, -2)$ ；②  $k < \frac{2}{3}$  且  $k \neq 0$ ；③方程  $kx+3k-2 = \frac{2}{3}x$  的解为  $x=-3$ ；④若  $x < -3$  时，则  $(3k-2)x+9k-6 > 0$ . 其中正确的有 (填写序号即可).

12. 【中档】如图，这是一个供滑板爱好者使用的  $U$  型池的示意图，该  $U$  型池可以看作是长方体去掉一个“半圆柱”而成，中间可供滑行部分的截面是直径为  $\frac{5}{\pi}$  米的半圆，其边缘  $AB = CD = 11$  米，点  $E$  在  $CD$  上， $CE = 1$  米。一滑板爱好者从  $A$  点滑到  $E$  点，则他滑行的最短距离是\_\_\_\_\_。



13. 【较易】一组数据的方差计算如下： $s^2 = \frac{1}{4}[(3 - \bar{x})^2 + (4 - \bar{x})^2 + (4 - \bar{x})^2 + (5 - \bar{x})^2]$ ，  
则这组数据的方差  $s^2 =$  \_\_\_\_\_。

14. 【中档】已知，直线  $y = -\frac{2}{3}x + 2$  与  $x$  轴、 $y$  轴分别相交于  $A$ 、 $B$ ，以线段  $AB$  为直角边在第一象限内作等腰  $Rt\triangle ABC$ ， $\angle BAC = 90^\circ$  且点  $P(1, a)$  为坐标系中的一个动点，现要使得  $\triangle ABC$  和  $\triangle ABP$  的面积相等，则实数  $a$  的值为\_\_\_\_\_。

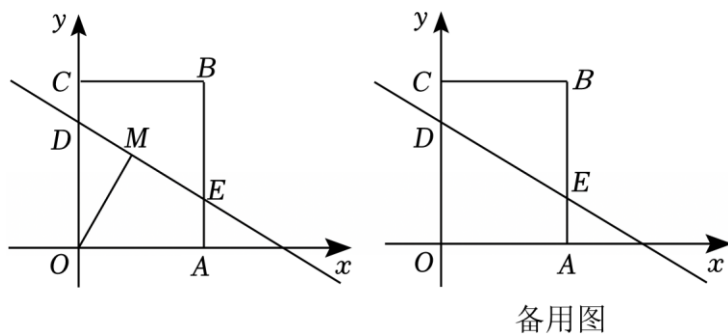


15. 【中档】已知直线  $l_1: y = kx + \sqrt{3}k + 1 (k \neq 0)$  恒过定点  $P(a, b)$ ，点  $Q(m, -\frac{\sqrt{3}}{3}m + 2)$  在第一象限内，且点  $Q$  恒在直线  $l_2$  上，直线  $l_2$  与  $x$ 、 $y$  轴分别交于  $A$ 、 $B$  两点，直线  $PB$  与直线  $OQ$  交于点  $M(p, q)$ ，当线段  $OQ$  长度最小时，下列结论中正确的是\_\_\_\_\_。

- ①点  $Q$  坐标为  $(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{3}{2})$ ； ②  $OQ \perp OP$ ； ③点  $M$  的坐标为  $(\sqrt{3}, 3)$ ； ④  $OP = 2$

三. 解答题 (共 6 小题)

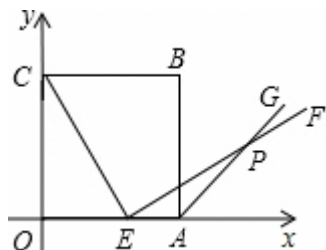
16. 【中档】如图, 矩形  $OABC$  的顶点  $A$ 、 $C$  分别在  $x$  轴、 $y$  轴的正半轴上, 点  $B$  的坐标为  $(3, 4)$ , 一次函数  $y = -\frac{2}{3}x + b$  的图象与边  $OC$ 、 $AB$  分别交于点  $D$ 、 $E$ , 且  $OD = BE$ . 点  $M$  是线段  $DE$  上的一个动点.



- (1) 求  $b$  的值;
- (2) 连结  $OM$ , 若三角形  $ODM$  的面积与四边形  $OAEM$  的面积之比为  $1:3$ , 求点  $M$  的坐标;
- (3) 设点  $N$  是平面内的一点, 以  $O$ 、 $D$ 、 $M$ 、 $N$  为顶点的四边形是菱形, 直接写出点  $M$  的坐标.

17. 【较难】如图, 边长为 5 的正方形  $OABC$  的顶点  $O$  在坐标原点处, 点  $A$ 、 $C$  分别在  $x$  轴、 $y$  轴的正半轴上, 点  $E$  是  $OA$  边上的点 (不与点  $A$  重合)  $EF \perp CE$ , 且与正方形外角平分线  $AG$  交于点  $P$ .

- (1) 求证:  $CE = EP$
- (2) 若点  $E$  坐标为  $(3, 0)$  时.
  - ① 在  $y$  轴上是否存在点  $M$  使得四边形  $BMEP$  是平行四边形? 若存在, 求出点  $M$  的坐标; 若不存在, 说明理由.
  - ② 在平面内是否存在点  $Q$ , 使四边形  $CEPQ$  为正方形, 若存在, 请直接写出  $Q$  点坐标, 若不存在, 说明理由.



18. 【较难】我们定义：对角线互相垂直且相等的四边形叫做“神奇四边形”。

(1) 在我们学过的下列四边形①平行四边形②矩形③菱形④正方形中，是“神奇四边形”的是 \_\_\_\_\_ ；

(2) 如图 1，在正方形  $ABCD$  中， $E$  为  $BC$  上一点，连接  $AE$ ，过点  $B$  作  $BH \perp AE$  于点  $H$ ，交  $CD$  于点  $G$ ，连接  $AG$ 、 $EG$ 。

①判定四边形  $ABEG$  是否为“神奇四边形” \_\_\_\_\_ (填“是”或“否”)；

②如图 2，点  $M$ 、 $N$ 、 $P$ 、 $Q$  分别是  $AB$ 、 $AG$ 、 $GE$ 、 $EB$  的中点，证明四边形  $MNPQ$  是“神奇四边形”；

(3) 如图 3，点  $F$ 、 $R$  分别在正方形  $ABCD$  的边  $AB$ 、 $CD$  上，把正方形沿直线  $FR$  翻折，使得  $BC$  的对应边  $B'C'$  恰好经过点  $A$ ，过点  $A$  作  $AO \perp FR$  于点  $O$ ，若  $AB' = 2$ ，正方形的边长为 6，求线段  $OF$  的长

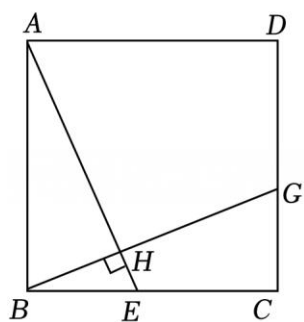


图1

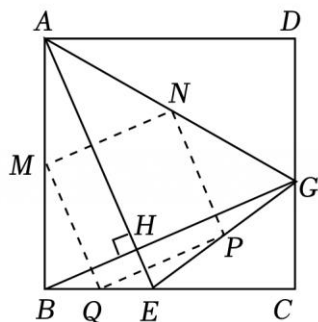


图2

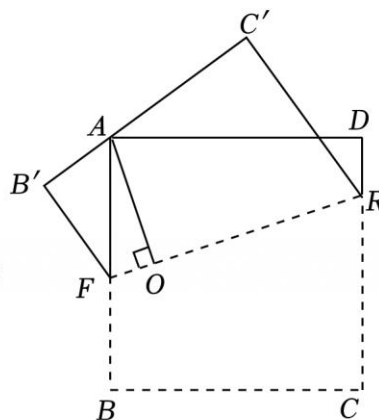
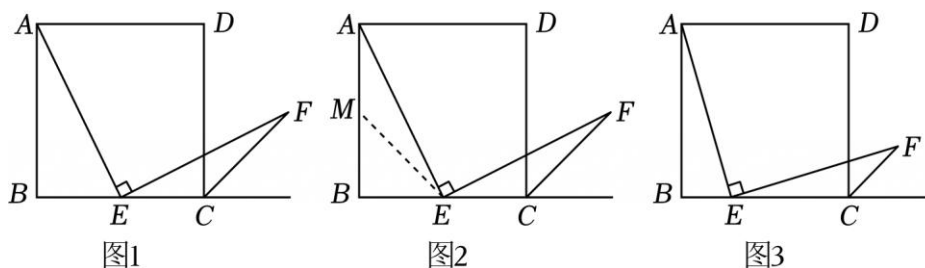


图3

19. 【较难】如图 1，四边形  $ABCD$  是正方形，点  $E$  是边  $BC$  的中点， $\angle AEF=90^\circ$ ，且  $EF$  交正方形外角平分线  $CF$  于点  $F$ 。请你探究  $AE$  与  $EF$  存在怎样的数量关系？并证明你的结论。经过探究，小明得出结论是  $AE=EF$ ，而要证明结论  $AE=EF$ ，就需要证明  $AE$  和  $EF$  所在的两个三角形全等，但  $\triangle ABE$  和  $\triangle ECF$  显然不全等（一个是直角三角形一个是钝角三角形），考虑到点  $E$  是  $BC$  的中点，小明想到的方法是如图 2，取  $AB$  的中点  $M$ ，连接  $EM$ ，证明  $\triangle AEM \cong \triangle EFC$ ，从而得到  $AE=EF$ 。



(1) 小明的证法中，证明  $\triangle AEM \cong \triangle EFC$  的依据为 ( )；

- A. SSS      B. SAS      C. ASA      D. HL

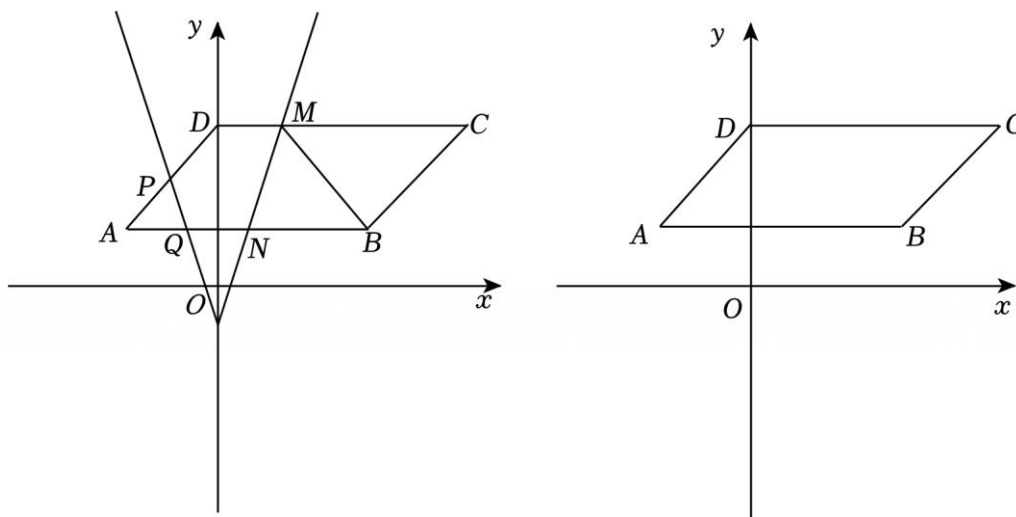
(2) 如图 3，若把条件“点  $E$  是边  $BC$  的中点”改为“点  $E$  是边  $BC$  的任意一点”，其余条件不变， $AE=EF$  是否仍然成立？若成立，请写出证明过程，若不成立，请说明理由。

(3) 以下与线段  $BE$ ， $CE$ ， $AE$  有关的三个结论：

$$AE - CE < \sqrt{2}BE, \quad AE - CE = \sqrt{2}BE, \quad AE - CE > \sqrt{2}BE.$$

你认为哪个正确？请说明理由。

20. 【较难】定义：对于给定的一次函数  $y=kx+b$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数), 把形如  $y = \begin{cases} kx+b(x \geq 0) \\ -kx+b(x < 0) \end{cases}$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数) 的函数称为一次函数  $y=kx+b$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数) 的衍生函数. 已知  $\square ABCD$  的顶点坐标分别为  $A(-2, 1)$ ,  $B(3, 1)$ ,  $C(5, 3)$ ,  $D(0, 3)$ .



备用图

- (1) 点  $E(n, 5)$  在一次函数  $y=x+3$  的衍生函数图象上, 则  $n=$  \_\_\_\_\_ ;
- (2) 如图, 一次函数  $y=kx+b$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数) 的衍生函数图象与平行四边形  $ABCD$  交于  $M$ 、 $N$ 、 $P$ 、 $Q$  四点, 其中  $P$  点坐标是  $(-1, 2)$ , 并且  $S_{\triangle MNB} = \frac{3}{4}$ , 求该一次函数的解析式;
- (3) 一次函数  $y=kx+b$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数), 其中  $k$ 、 $b$  满足  $3k+b=2$ , 当一次函数  $y=kx+b$  ( $k \neq 0$ ,  $k$ 、 $b$  为常数) 的衍生函数图象与平行四边形  $ABCD$  恰好有两个交点时, 求  $b$  的取值范围.

21. 【难】已知：在平面直角坐标系中， $A$  点坐标  $(a, 0)$ ， $B$  点坐标为  $(0,$

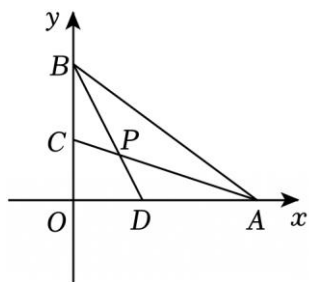


图1

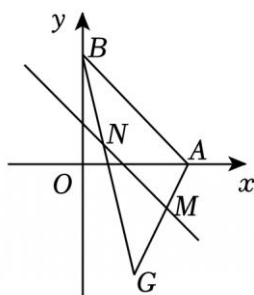


图2

b).

(1) 如图 1,  $P$  点为  $\angle OBA$  平分线与  $\angle BAO$  平分线的交点, 连接  $AP$  并延长交  $y$  轴于  $C$ , 连接  $BP$  并延长交  $x$  轴于  $D$ , 若  $\sqrt{a-4} + |b^2 - 9| = 0$ , 且  $b > 0$ .

①直接写出  $A$  点坐标\_\_\_\_\_ ,  $B$  点坐标\_\_\_\_\_ ;

②求  $P$  点坐标.

(2) 在 (1) 的条件下, 在坐标轴上有一点  $Q$ , 若  $S_{\triangle BPQ} = S_{\triangle BAQ}$ , 求  $Q$  点坐标.

(3) 若直线  $AB$  解析式为  $y = -x + 3$ , 向下平移直线  $AB$  得直线  $l$ , 如图 2, 若  $M(m, m^2 - 4m + 3)$ ,  $N(n, n^2 - 4n + 3)$  在直线  $l$  上, 连接  $AM$ ,  $BN$  交于  $G$  点, 求  $G$  点横坐标.